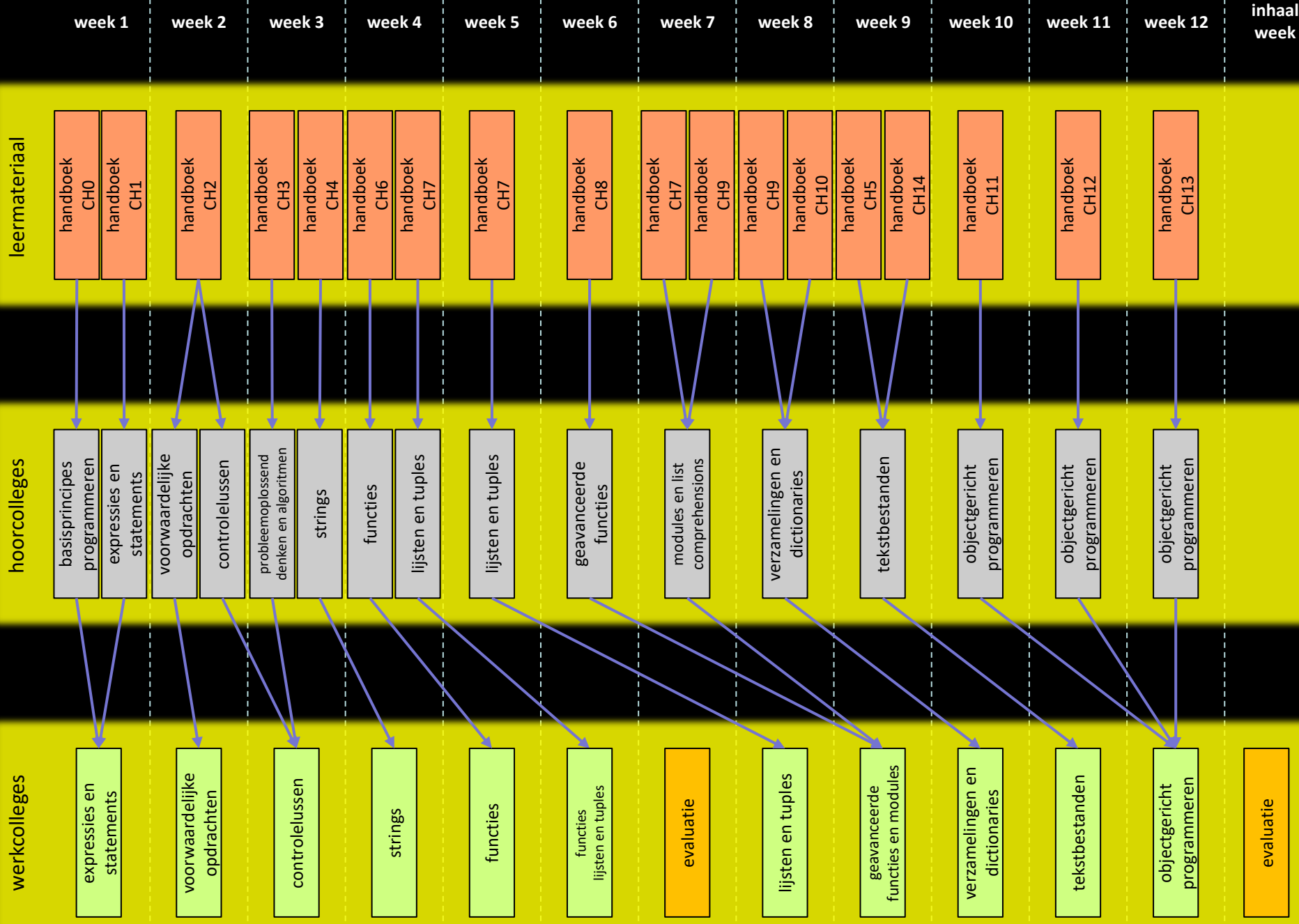




prof. dr. Peter Dawyndt

✉ peter.dawyndt@ugent.be

🐦 [@dawyndt](https://twitter.com/dawyndt)





Op welke dag ben je jarig?

formaat: DD/MM

= twee cijfers voor dag en maand

= geen geboortejaar

Voorbeeld

Ik ben geboren op 5 december 1975.

antwoord: 05/12



Wat is de kans dat in deze groep van XX studenten, minstens twee studenten op dezelfde dag jarig zijn?

A: minder dan 10%

B: 10%-30%

C: 30%-50%

D: 50%-75%

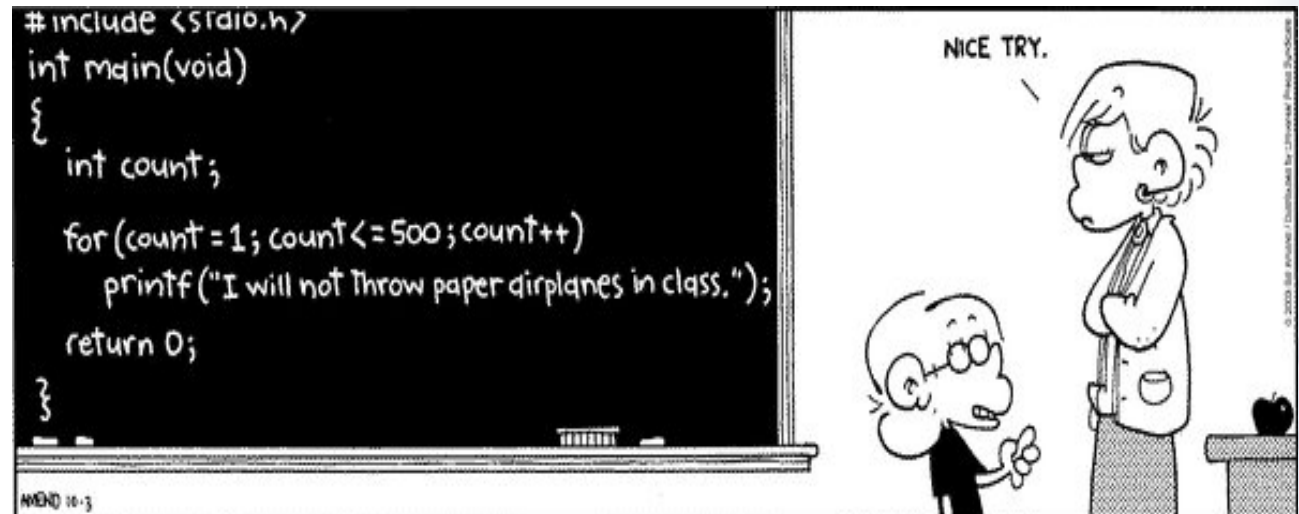
E: meer dan 75%



For of while ?



- for-lussen:
 - aantal iteraties ligt **vast** op ogenblik dat lus gestart wordt
 - overlopen van elementen van collectie-object (iterator)
- while-lussen:
 - elke iteratie heeft een geassocieerde **voorwaarde** die bepaalt of een nieuwe iteratie zal opgestart worden



the birthday paradox



Bepaal de kans dat in een groep van n personen minstens twee personen op dezelfde dag verjaren.



Verjaardagsparadox



$$q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365 - n + 1}{365}$$

paradox1.py

```
for n in range(5, 76, 5):  
    # kans berekenen  
    qn = 1.0  
    for m in range(n):  
        qn *= (365 - m) / 365          # reële deling  
  
    # kans uitschrijven  
    print(n, 1 - qn)
```



UNIVERSITEIT
GENT

Verjaardagsparadox



$$q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365 - n + 1}{365}$$

paradox2.py

```
qn = 1.0
for n in range(2, 76):
    # kans berekenen
    qn *= (365 - n + 1) / 365      # reële deling

    # kans uitschrijven
    if not n % 5:
        print(n, 1 - qn)
```



UNIVERSITEIT
GENT

Verjaardagsparadox



$$q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365 - n + 1}{365}$$

paradox_grafisch.py

```
import pylab
q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365 - n + 1}{365}
# grafische voorstelling opbouwen
x, y, qn = [], [], 1.0
for n in range(365):
    # kans berekenen
    qn *= (365 - n) / 365 # reële deling

    # samplepunt toevoegen
    x.append(n + 1) # x-waarde samplepunt
    y.append(1 - qn) # y-waarde samplepunt

# grafische voorstelling weergeven
pylab.plot(x, y, 'b-') # functie plotten
pylab.xlim([0, 365]) # bereik x-as vastleggen
pylab.show() # plot weergeven
```



UNIVERSITEIT
GENT

Vermoeden van Collatz

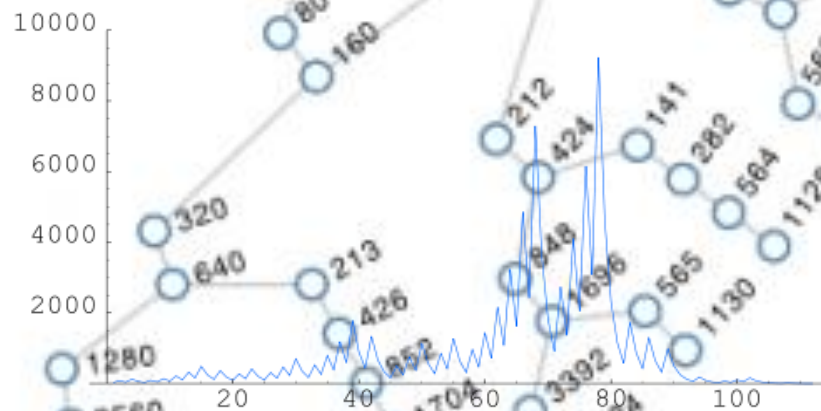


$$f(n) = \begin{cases} n/2 & \text{als } n \text{ even} \\ 3n + 1 & \text{als } n \text{ oneven} \end{cases}$$

hagelsteen-reeks:

$$a_i = \begin{cases} n & \text{voor } i = 0 \\ f(a_{i-1}) & \text{voor } i > 0 \end{cases}$$

27, 82, 41, 124, 62, 31, 94, 47, 142, 71, 214, 107, 322, 161, 484, 242, 121, 364, 182, 91, 274, 137, 412, 206, 103, 310, 155, 466, 233, 700, 350, 175, 526, 263, 790, 395, 1186, 593, 1780, 890, 445, 1336, 668, 334, 167, 502, 251, 754, 377, 1132, 566, 283, 850, 425, 1276, 638, 319, 958, 479, 1438, 719, 2158, 1079, 3238, 1619, 4858, 2429, 7288, 3644, 1822, 911, 2734, 1367, 4102, 2051, 6154, 3077, **9232**, 4616, 2308, 1154, 577, 1732, 866, 433, 1300, 650, 325, 976, 488, 244, 122, 61, 184, 92, 46, 23, 70, 35, 106, 53, 160, 80, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1



Vermoeden van Collatz



$$f(n) = \begin{cases} n/2 & \text{als } n \text{ even} \\ 3n + 1 & \text{als } n \text{ oneven} \end{cases}$$

collatz.py

hagelsteenreeks:

$$a_i = \begin{cases} n & \text{voor } i = 0 \\ f(a_{i-1}) & \text{voor } i > 0 \end{cases}$$

```
gevallen = int(input())
for geval in range(gevallen):
    # startwaarde inlezen en cyclelengte initialiseren op 1
    n, cyclelengte = int(input()), 1
    # lengte hagelsteenreeks bepalen
    while n != 1:
        if n % 2:
            n = 3 * n + 1
        else:
            n //= 2
        cyclelengte += 1
    # lengte hagelsteenreeks uitschrijven
    print(cyclelengte)
```



Vermoeden van Collatz



collatz_grafisch.py

```
m = int(input('Geef een waarde voor n: '))
```



```
# hagelsteenreeks bepalen
```

```
n = m
```

```
hagelsteenreeks = [n]
```

```
while n != 1:
```

```
    if n % 2:                                # n oneven
```

```
        n = 3 * n + 1
```

```
    else:                                    # n even
```

```
        n //= 2
```

```
    hagelsteenreeks.append(n)
```

```
# hagelsteenreeks grafisch weergeven
```

```
import pylab
```

```
pylab.plot(range(1, len(hagelsteenreeks) + 1), hagelsteenreeks)
```

```
pylab.title(f'hagelsteenreeks voor $n = {m}$')
```

```
pylab.xlim(1, len(hagelsteenreeks))
```

```
pylab.xlabel('$i$')
```

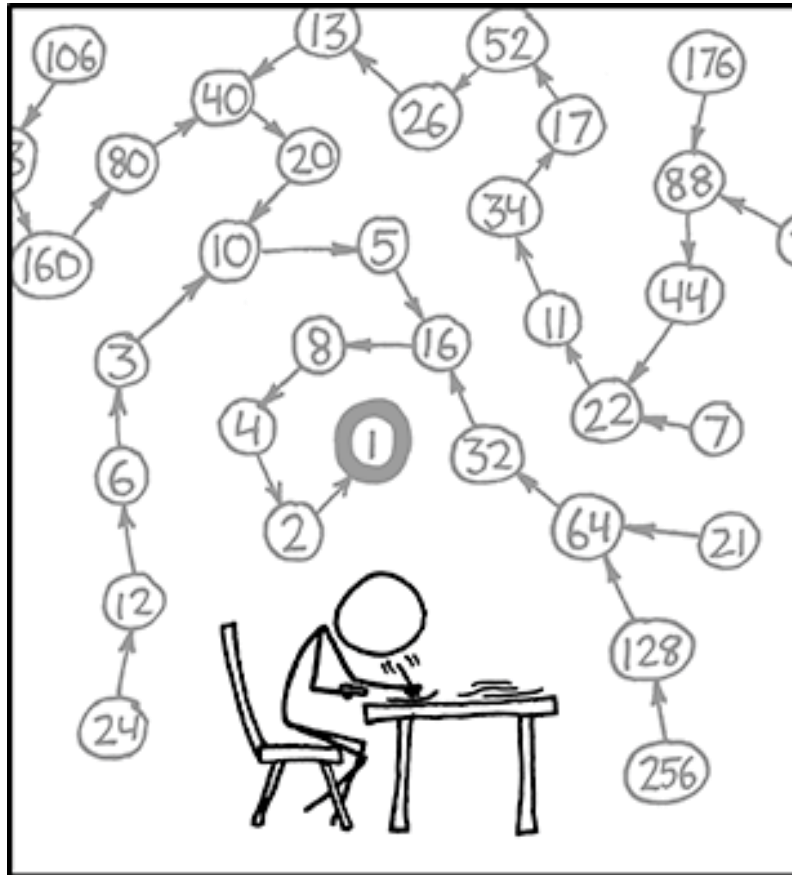
```
pylab.ylabel('$a_i$')
```

```
pylab.show()
```



UNIVERSITEIT
GENT

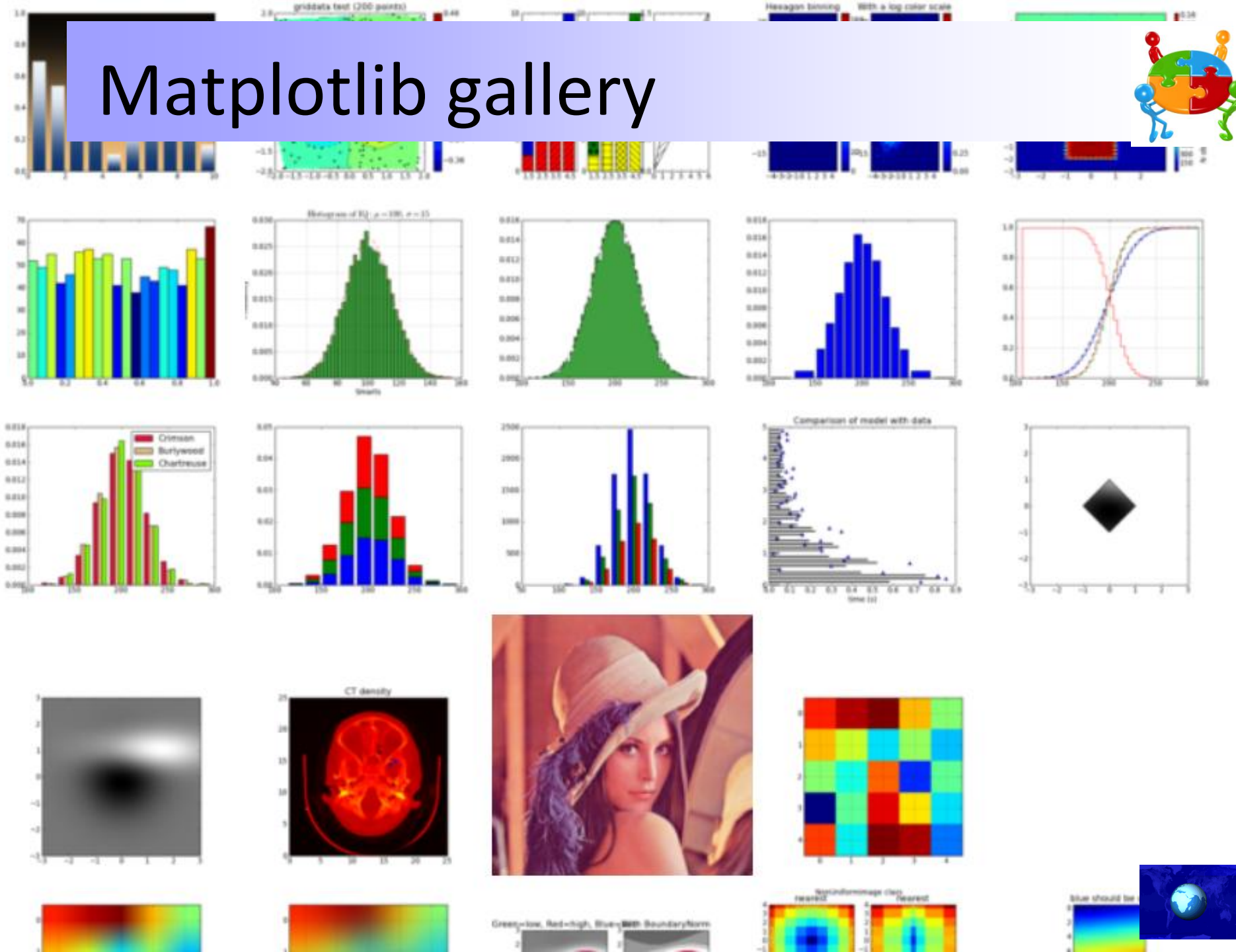
What's the use ?



THE COLLATZ CONJECTURE STATES THAT IF YOU PICK A NUMBER, AND IF IT'S EVEN DIVIDE IT BY TWO AND IF IT'S ODD MULTIPLY IT BY THREE AND ADD ONE, AND YOU REPEAT THIS PROCEDURE LONG ENOUGH, EVENTUALLY YOUR FRIENDS WILL STOP CALLING TO SEE IF YOU WANT TO HANG OUT.



Matplotlib gallery



For of while ?



```
#include <stdio.h>
int main(void)
{
    int count;

    for (count = 1; count <= 500; count++)
        printf("I will not throw paper airplanes in class.");
    return 0;
}
```

AVOND 10-3



```
printf("I will not throw paper airplanes in class.");
return 0;
}
```

AVOND 10-3

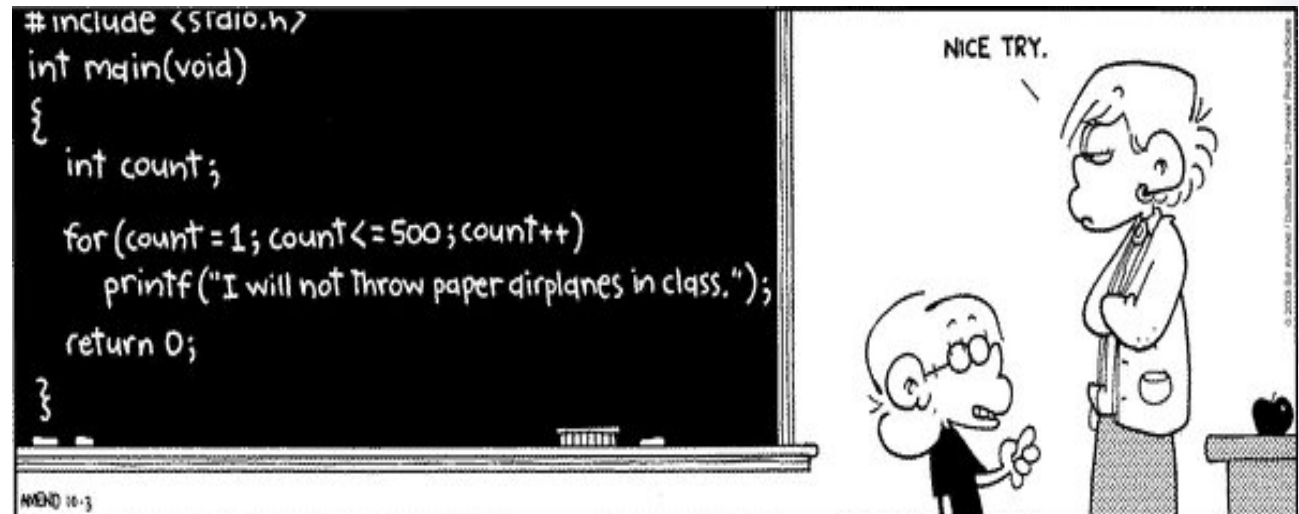


UNIVERSITEIT
GENT

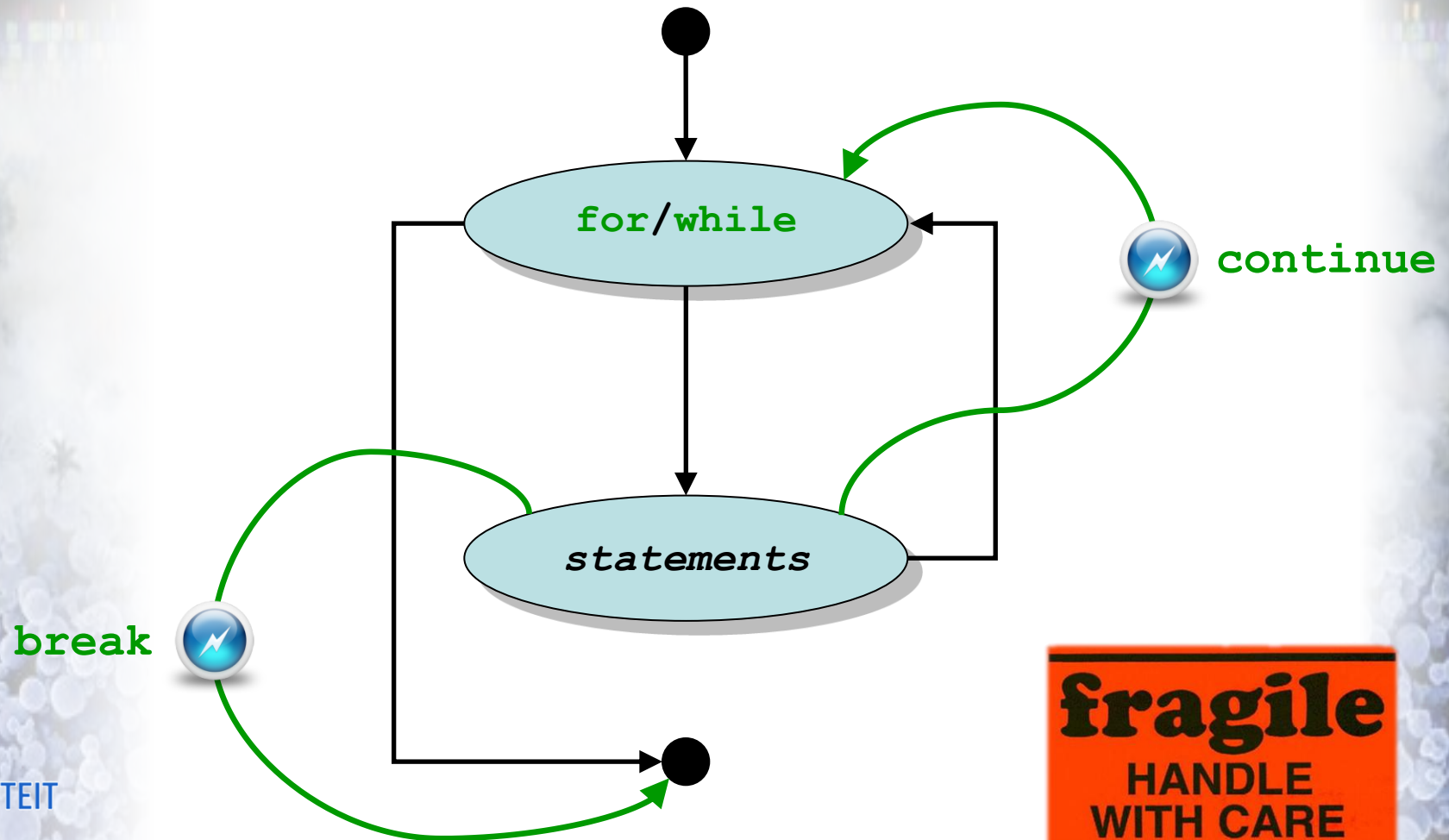
For of while ?



- for-lussen:
 - aantal iteraties ligt **vast** op ogenblik dat lus gestart wordt
 - overlopen van elementen van collectie-object (iterator)
- while-lussen:
 - elke iteratie heeft een geassocieerde **voorwaarde** die bepaalt of een nieuwe iteratie zal opgestart worden



Kortsluiting van lussen



Getallen raden



raden1.py

```
# willekeurig getal kiezen tussen 1 en 10 (grenzen inbegrepen)
import random
getal = random.randint(1, 10)

# geef speler drie beurten om getal te raden
geraden = False
for beurten in range(3, 0, -1):

    # vraag speler om een gok te doen
    gok = int(input(f'Doe een gok (nog {beurten} beurten): '))

    # bepaal of speler het correcte getal geraden heeft
    if gok == getal:
        print(f'Getal geraden in {3 - beurten + 1} beurten!')
        geraden = True
        break
    else:
        print('Niet correct!')

# correct getal uitschrijven indien speler het niet geraden heeft
if not geraden:
    print(f'Het getal was {getal}.')
```



UNIVERSITEIT
GENT

Getallen raden



raden1.py

```
# willekeurig getal kiezen tussen 1 en 10 (grenzen inbegrepen)
import random
getal = random.randint(1, 10)

# geef speler drie beurten om getal te raden
geraden = False
for beurten in range(3, 0, -1):

    # vraag speler om een gok te doen
    gok = int(input(f'Doe een gok (nog {beurten} beurten): '))

    # bepaal of speler het correcte getal geraden heeft
    if gok == getal:
        print(f'Getal geraden in {3 - beurten + 1} beurten!')
        geraden = True
        break
    else:
        print('Niet correct!')

# correct getal uitschrijven indien speler het niet geraden heeft
if not geraden:
    print(f'Het getal was {getal}.')
```



UNIVERSITEIT
GENT

Getallen raden



raden2.py

```
# willekeurig getal kiezen tussen 1 en 10 (grenzen inbegrepen)
import random
getal = random.randint(1, 10)

# geef speler drie beurten om getal te raden
beurten, geraten = 3, False
while beurten and not geraten:

    # vraag speler om een gok te doen
    gok = int(input(f'Doe een gok (nog {beurten} beurten): '))
    beurten -= 1

    # bepaal of speler het correcte getal geraten heeft
    if gok == getal:
        print(f'Getal geraten in {3 - beurten} beurten!')
        geraten = True
    else:
        print('Niet correct!')

# correct getal uitschrijven indien speler het niet geraten heeft
if not geraten:
    print(f'Het getal was {getal}.')
```



UNIVERSITEIT
GENT

Getallen raden



raden3.py

```
# tel aantal pogingen nodig om getal tussen 1 en 100 te raden

# willekeurig getal kiezen tussen 1 en 100 (grenzen inbegrepen)
import random
getal = random.randint(1, 100)

# laat speler raden tot het getal gevonden is
beurten, gok = 0, 0
while gok != getal:

    # vraag speler om nog een gok te wagen
    beurten += 1
    gok = int(input('Wat is je volgende gok? '))

    # geef hint aan gebruiker over gezochte getal
    if gok < getal:
        print('Hoger!!')
    elif gok > getal:
        print('Lager!!')

# aantal benodigde beurten uitschrijven
print(f'Getal geraden na {beurten} beurten.')
```



UNIVERSITEIT
GENT

Reeks doorlopen



Schrijf een programma dat het minimum en het gemiddelde van een reeks met n getallen bepaalt.

```
$ python gemiddelde.py < invoer.txt  
minimum: 9  
gemiddelde: 22.875  
$
```

43	12	33	15	23	37	11	9
----	----	----	----	----	----	----	---



$\text{min} = 43 \rightarrow 12 \rightarrow 12 \rightarrow 12 \rightarrow 12 \rightarrow 12 \rightarrow 11 \rightarrow 9$

$\text{som} = 43 \rightarrow 55 \rightarrow 88 \rightarrow 103 \rightarrow 126 \rightarrow 163 \rightarrow 174 \rightarrow 183$



Reeks doorlopen



gemiddelde.py

```
# bepaal minimum en gemiddelde van reeks getallen

# lengte van reeks opvragen
n = int(input('Geef het aantal getallen in de reeks: '))

# lopende variabelen initialiseren
min = int(input('Geef het eerste getal: '))
som = min

# reeks doorlopen
for i in range(n - 1):
    getal = int(input('Geef het volgende getal: '))
    som += getal
    if getal < min:
        min = getal

# minimum en gemiddelde uitschrijven
print('minimum:', min)
print('gemiddelde:', float(som) / n)
```



UNIVERSITEIT
GENT

Reekssom bepalen



Schrijf een programma dat de som van de kwadraten van de eerste n natuurlijke getallen bepaalt.

$$\sum_{i=1}^n i^2$$

1	4	9	16	25	36	49	64
---	---	---	----	----	----	----	----

Reekssom bepalen



Schrijf een programma dat de som van de kwadraten van de eerste n natuurlijke getallen bepaalt.

$$\sum_{i=1}^n i^2$$

gesloten_reekssom.py

```
# aantal getallen opvragen
n = int(input('Geef een strikt positief geheel getal: '))

# som van kwadraten bepalen
som = 0
for i in range(1, n + 1):
    som += i ** 2

# som uitschrijven
print(f'De som van de eerste {n} kwadraten is {som}.')
```



Reekssom bepalen



Schrijf een programma dat de som bepaalt van een reeks getallen die wordt afgesloten met lege invoer.

117	44	12	87	48	94	38	
-----	----	----	----	----	----	----	--



Reekssom bepalen



Schrijf een programma dat de som bepaalt van een reeks getallen die wordt afgesloten met lege invoer.

open_reekssom.py

```
# reekssom bepalen
som = 0
invoer = input('Geef volgend getal ([enter] om te stoppen): ')
while invoer:
    som += int(invoer)
    invoer = input('Geef volgend getal ([enter] om te stoppen): ')

# reekssom uitschrijven
print(f'De som van de getallen is {som}.')
```



UNIVERSITEIT
GENT

Geneste lussen



Schrijf een programma dat de uitkomst berekent van volgende dubbele reekssom.

$$\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n \frac{1}{i^2 + j^2}$$



Geneste lussen



Schrijf een programma dat de uitkomst berekent van volgende dubbele reekssom.

dubbele_reekssom.py

```
# limieten opvragen
m = int(input('Geef de waarde van m: '))
n = int(input('Geef de waarde van n: '))

# reekssom bepalen
som = 0.0
for i in range(1, m + 1):
    for j in range(1, n + 1):
        som += 1 / (i ** 2 + j ** 2)

# reekssom uitschrijven
print(f'De reekssom is {som:.6f}.')
```



Fibonacci

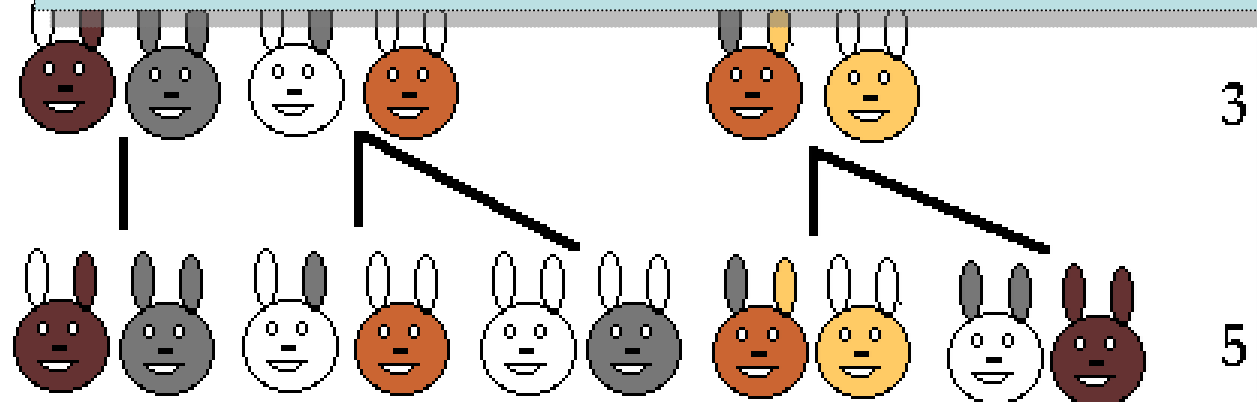


paren

Veronderstel dat een pasgeboren paar konijnen, één mannetje en één vrouwtje, in een veld geplaatst worden. Konijnen zijn in staat om te paren op de leeftijd van één maand, zodat op het einde van de tweede maand een vrouwtje een ander paar konijnen kan werpen.

Veronderstel ook dat onze konijnen nooit doodgaan, en dat elk vrouwtje **elke maand** telkens een nieuw paar konijnen ter wereld brengt vanaf de tweede maand. De vraag die Fibonacci hierbij lanceerde was...

Hoeveel paar konijnen zal er na één jaar in het veld zitten?



Fibonacci



Schrijf een programma dat de eerste n termen uit de rij van Fibonacci uitschrijft

$$\begin{cases} F_0 = 0 \\ F_1 = 1 \\ F_n = F_{n-1} + F_{n-2} \quad (n > 1) \end{cases}$$

fibonacci.py

```
# waarde voor n opvragen
n = int(input('Geef de waarde voor n: '))

# eerste termen initialiseren en uitschrijven
f0, f1 = 0, 1
print(f1)

# volgende termen berekenen en uitschrijven
for i in range(n - 1):
    f0, f1 = f1, f0 + f1
    print(f1)
```



Fibonacci in de natuur



zonnebloemen hebben bloemblaadjes in
spiraal van 34 en 55 rond de buitenkant



UNIVERSITEIT
GENT

Huiswerk (volgende les)



- lees handboek
 - hoofdstuk 4 (strings)
- lees omschrijving van voorbeeldopgaven (reeks 4)
 - Caesarrotatie
 - Lettersoep
 - Tandenstokers



Huiswerk (werkcolleges)



- afwerken opgelegde oefeningen reeks 03
(deadline dinsdag 14 oktober 2025, 22:00)

- ISBN (demo)
- Chaos
- Duitse tanks
- Apen en kokosnoten
- Pythagorese drietallen
- Lifters



Vragen of opmerkingen?



The sky is the limit ...



Lewis Carroll
1832-1898

"If you don't know where you are going,
any road will get you there."

— Lewis Carroll



UNIVERSITEIT
GENT